

## 評卷參考

本文件供閱卷員參考而設，並不應被視為標準答案。考生以及沒有參與評卷工作的教師在詮釋文件內容時應小心謹慎。

### 一般閱卷原則

1. 評卷時，閱卷員須跟循評卷參考的評分標準給分，這是十分重要的。很多時考生會運用評卷參考以外的方法而得到正確答案，一般來說，只要運用合理的方法而取得正確答案，該考生應可獲得該部分的所有分數（除題目特別指明特定方法外）。閱卷員應有耐性地評閱評卷參考以外的解題方法。
2. 在評卷參考中，分數會分為下列三類：

「M」分	使用正確方法的得分；
「A」分	正確答案的得分；
沒有「M」或「A」的分	正確地完成證題或推演得題目所給的答案的得分。

某些題目由數部分組成，而較後部分的答案卻需依賴較前部分所得的結果。在這情況下，若考生因為前部分錯誤的結果而導致後部分的答案錯誤，但卻能運用正確的方法去解題，則方法正確的步驟可給「M」分，而相應的答案將沒有「A」分（除特別指明外）。
3. 為方便閱卷員評卷，評卷參考已盡量詳盡。當然，考生的答案多不會如評卷參考般清楚列寫出來，諸如欠缺某幾個步驟或將步驟隱含於字裏行間。如遇到類似情況，閱卷員應運用他們的專業知識去判斷是否給分。一般來說，如考生的答案顯示他已運用相關的概念或技巧，則該部分應予給分。
4. 評卷時遇有不清楚的地方，應以考生的利益為依歸。
5. 評卷參考中，**塗上陰影的部分**代表可省略的步驟，**有外框的部分**代表運用不同方法的答案。所有分數答案必須化簡。

## 試卷一

	解	分	備註
1.	$\frac{(mn^{-2})^5}{m^{-4}}$ $= \frac{m^5 n^{-10}}{m^{-4}}$ $= \frac{m^{5-(-4)}}{n^{10}}$ $= \frac{m^9}{n^{10}}$	1M 1M 1A	給 $(a^h)^k = a^{hk}$ 或 $(ab)^l = a^l b^l$ 給 $\frac{c^p}{c^q} = c^{p-q}$ 或 $a^{-r} = \frac{1}{d^r}$
		-----(3)	
2. (a)	$\alpha^2 + \alpha - 6$ $= (\alpha + 3)(\alpha - 2)$	1A	或等價
(b)	$\alpha^4 + \alpha^3 - 6\alpha^2$ $= \alpha^2(\alpha^2 + \alpha - 6)$ $= \alpha^2(\alpha + 3)(\alpha - 2)$	1M 1A	或等價
		-----(3)	
3. (a)	600	1A	
(b)	534.76	1A	
(c)	530	1A	
		-----(3)	
4.	$a:b$ $= 6:7$ $= 12:14$  $a:c$ $= 4:3$ $= 12:9$  $a:b:c$ $= 12:14:9$	1M	任何一項
設 $a = 12k$ 、 $b = 14k$ 及 $c = 9k$ ， 其中 $k$ 為一非零的常數。			
	$\frac{b+2c}{a+2b}$ $= \frac{14k + 2(9k)}{12k + 2(14k)}$ $= \frac{4}{5}$	1M 1A	0.8
		-----(3)	

解	分	備註
<p>5. 設 <math>x</math> 為在該招聘活動中女申請者的人數。 故此，男申請者的人數為 <math>(1+28\%)x</math>。  <math display="block">(1+28\%)x - x = 91</math> <math display="block">0.28x = 91</math> <math display="block">x = 325</math> <math display="block">(1+28\%)x = 416</math>  因此，在該招聘活動中男申請者的人數為 416。</p>	1A 1M+1A 1A	1M 紿得一元線性方程
<p>設 <math>x</math> 及 <math>y</math> 分別為在該招聘活動中男申請者的人數及女申請者的人數。  故此，可得 <math>x - y = 91</math> 及 <math>x = (1+28\%)y</math>。  所以，可得 <math>(1+28\%)y - y = 91</math>。  <math display="block">0.28y = 91</math> <math display="block">y = 325</math> <math display="block">x = 416</math>  因此，在該招聘活動中男申請者的人數為 416。</p>	1A+1A 1M 1A	1M 紉得一元線性方程
<p>在該招聘活動中男申請者的人數  <math display="block">= \frac{(1+28\%)(91)}{28\%}</math> <math display="block">= 416</math></p>	1M+1A+1A 1A	$\begin{cases} 1M \text{ 紉分數} + 1A \text{ 紉分子} \\ + 1A \text{ 紉分母} \end{cases}$
<p>6. (a) <math>3-x &gt; \frac{7-x}{2}</math>  <math display="block">6-2x &gt; 7-x</math> <math display="block">-2x+x &gt; 7-6</math> <math display="block">x &lt; -1</math>   <math display="block">5+x &gt; 4</math> <math display="block">x &gt; -1</math>   因此，可得 <math>x \neq -1</math>。</p>	1M 1A 1A	給將 $x$ 放在一邊  $x < -1$ 或 $x > -1$
(b) -2	1A	(4)
<p>7. (a) 由於方程 <math>4x^2+12x+c=0</math> 有等根，可得 <math>\Delta=0</math>。  <math display="block">12^2 - 4(4)c = 0</math> <math display="block">144 - 16c = 0</math> <math display="block">c = 9</math></p>	1M+1A 1A	
<p>(b) <math>y</math>  <math>= p(x) - 169</math> <math>= 4x^2 + 12x - 160</math> (藉 (a))  <math>= 4(x+8)(x-5)</math>  因此，<math>y = p(x) - 169</math> 的圖像的 <math>x</math> 截距為 -8 及 5。</p>	1M 1A	(5)

解	分	備註
8. (a) $\angle AEC$ = $\angle ADB$ = $42^\circ$	1M	
$\angle AEB$ = $\angle CAE$ = $30^\circ$	1M	
$\angle BEC$ = $\angle AEC - \angle AEB$ = $42^\circ - 30^\circ$ = $12^\circ$	1A	
(b) $\angle DCE$ = $\angle BDC$ = $\theta$	1M	
$\angle CFE$ = $180^\circ - \angle BEC - \angle DCE$ = $180^\circ - 12^\circ - \theta$ = $168^\circ - \theta$	1A	
$\angle DBE$ = $\angle BEC$ = $12^\circ$	1M	
$\angle BFD$ = $180^\circ - \angle BDC - \angle DBE$ = $180^\circ - \theta - 12^\circ$ = $168^\circ - \theta$		
$\angle CFE$ = $\angle BFD$ = $168^\circ - \theta$	1A	
	-----(5)	
9. (a) 平均值 = 5.4	1A	
中位數 = 5.5	1A	
標準差 $\approx 0.916515139$ $\approx 0.917$	1A	接受答案準確至 0.917
(b) 新的中位數 = 5		
中位數的減少 $= 5.5 - 5$ $= 0.5$	1M 1A -----(5)	

解	分	備註
10. (a) 設 $P = a + bh^3$ ，其中 $a$ 及 $b$ 均為非零的常數。 故此，可得 $a + 27b = 59$ 及 $a + 343b = 691$ 。 求解後，可得 $a = 5$ 及 $b = 2$ 。  所求的價錢 $= 5 + 2(4^3)$ $= \$133$	1A 1M 1A  1A -----(4)	給任何一項代換 可以被包含
(b) 當 $h = 5$ 時， $P = 5 + 2(5^3) = 255$ 。 留意 $2(133) = 266$ 。 由於 $255 < 266$ ，故此該宣稱不正確。	1M  1A -----(2)	必須顯示理由
11. (a) 分佈域 $= 50 + w - 11$ $= (w + 39)$ 克  四分位數間距 $= 38 - 23$ $= 15$ 克  $w + 39 = 3(15)$ $w = 6$	1M  1M  1M 1A -----(4)	
(b) 該分佈的眾數為 38 克。  所求的概率 $= \frac{6}{20}$ $= \frac{3}{10}$	1M  1A -----(2)	0.3

解	分	備註
12. (a) 該圓錐體的中間部分的體積 $= \frac{1}{3}\pi(15^2)(36)\left(\frac{2^3 - 1^3}{3^3}\right)$ $= 700\pi \text{ cm}^3$	1M+1M 1A	
設 $R \text{ cm}$ 及 $r \text{ cm}$ 分別為該圓錐體的中間部分的較大的底半徑及較小的底半徑。 所以，可得 $\frac{r}{15} = \frac{12}{36}$ 及 $\frac{R}{15} = \frac{24}{36}$ 。 求解後，可得 $r = 5$ 及 $R = 10$ 。 該圓錐體的中間部分的體積 $= \frac{1}{3}\pi(10^2)(24) - \frac{1}{3}\pi(5^2)(12)$ $= 700\pi \text{ cm}^3$	1M -----(3) 1M 1A	給任何一項 給任何一項
(b) 該圓錐體的中間部分的曲面面積 $= \pi(15)\left(\sqrt{15^2 + 36^2}\right)\left(\frac{2^2 - 1^2}{3^2}\right)$ $= 195\pi \text{ cm}^2$	1M+1M 1A	
該圓錐體的中間部分的曲面面積 $= \pi(10)\sqrt{10^2 + 24^2} - \pi(5)\sqrt{5^2 + 12^2}$ $= \pi(10)(26) - \pi(5)(13)$ $= 195\pi \text{ cm}^2$	1M+1M 1A -----(3)	

解	分	備註
13. (a) 設 $f(x) = (x^2 - 1)q(x) + (kx + 8)$ ，其中 $q(x)$ 為一多項式。 由於 $f(1) = 0$ ，可得 $(1^2 - 1)q(1) + (k + 8) = 0$ 。 因此，可得 $k = -8$ 。	1M 1M 1A ----- (3)	
(b) 設 $f(x) = (x - 1)(x + 3)(ax + b)$ ，其中 $a$ 及 $b$ 均為常數。 由於 $f(0) = 24$ ，可得 $(-1)(3)(b) = 24$ 。 求解後，可得 $b = -8$ 。 留意 $f(x) = (x^2 - 1)q(x) + (-8x + 8)$ 。 故此，可得 $f(-1) = ((-1)^2 - 1)q(-1) + ((-8)(-1) + 8) = 16$ 。 所以，可得 $(-1 - 1)(-1 + 3)(-a - 8) = 16$ 。 求解後，可得 $a = -4$ 。 由此，可得 $f(x) = (x - 1)(x + 3)(-4x - 8)$ 。 方程 $f(x) = 0$ 的根為 1、-3 及 -2。 方程 $f(x) = 0$ 所有的根均為整數。 因此，該宣稱正確。	1M 1M 1A 1A 1A 1A 1A	必須顯示理由
設 $f(x) = (x^2 - 1)(mx + n) + (-8x + 8)$ ，其中 $m$ 及 $n$ 均為常數。 由於 $f(0) = 24$ ，可得 $(-1)(n) + 8 = 24$ 。 求解後，可得 $n = -16$ 。 由於 $f(-3) = 0$ ，可得 $((-3)^2 - 1)(-3m - 16) + ((-8)(-3) + 8) = 0$ 。 求解後，可得 $m = -4$ 。  $\begin{aligned} f(x) \\ &= (x^2 - 1)(-4x - 16) + (-8x + 8) \\ &= (x - 1)(x + 1)(-4x - 16) - 8(x - 1) \\ &= (x - 1)(-4x^2 - 20x - 24) \\ &= -4(x - 1)(x + 2)(x + 3) \end{aligned}$  所以，方程 $f(x) = 0$ 的根為 1、-2 及 -3。 方程 $f(x) = 0$ 所有的根均為整數。 因此，該宣稱正確。	1M 1M 1A 1A 1A 1A 1A 1A 1A ----- (5)	必須顯示理由

解	分	備註
14. (a) $G$ 的 $x$ 坐標 $= \frac{-10+30}{2}$ $= 10$  $C$ 的半徑 $= \sqrt{(-10-10)^2 + (0+15)^2}$ $= 25$	1M 1M	
因此， $C$ 的方程為 $(x-10)^2 + (y+15)^2 = 25^2$ 。	1A	$x^2 + y^2 - 20x + 30y + 300 = 0$
$G$ 的 $x$ 坐標 $= \frac{-10+30}{2}$ $= 10$  設 $x^2 + y^2 - 20x + 30y + F = 0$ 為 $C$ 的方程，其中 $F$ 為一常數。 由於 $A$ 位於 $C$ 上，可得 $(-10)^2 + 0^2 - 20(-10) + 30(0) + F = 0$ 。 求解後，可得 $F = -300$ 。 因此， $C$ 的方程為 $x^2 + y^2 - 20x + 30y - 300 = 0$ 。	1M 1A	$(x-10)^2 + (y+15)^2 = 25^2$
(b) (i) $\Gamma$ 平行於 $L$ 。	1M	
(ii) $L$ 的斜率 $= \frac{0+15}{30-10}$ $= \frac{3}{4}$  故此， $\Gamma$ 的斜率為 $\frac{3}{4}$ (藉 (b)(i)) 。		
$\Gamma$ 的方程為 $y - 0 = \frac{3}{4}(x - (-10))$ $3x - 4y + 30 = 0$	1M 1A	或等價
(iii) $\tan \angle ABG = \frac{3}{4}$ $\angle ABG \approx 36.86989765^\circ$	1M	
留意 $\angle BAH = \angle ABG$ 及 $\angle BAG = \angle ABG$ 。	1M	給任何一項
$\angle GAH$ $= \angle BAH + \angle BAG$ $= 2\angle ABG$		
由於 $\angle ABG > 35^\circ$ ，可得 $\angle GAH > 70^\circ$ 。 因此，不同意該宣稱。	1A (6)	必須顯示理由

解	分	備註
15. (a) 所求的概率 $= \frac{C_4^7 + C_4^9}{C_4^{19}}$ $= \frac{161}{3876}$	1M+1M 1A	1M 級 $p_1+p_2$ 及 1M 級分母 接受答案準確至 0.0415
所求的概率 $= \frac{P_4^7 + P_4^9}{P_4^{19}}$ $= \frac{161}{3876}$	1M+1M 1A	1M 級 $p_1+p_2$ 及 1M 級分母 接受答案準確至 0.0415
所求的概率 $= \left( \frac{7}{19} \right) \left( \frac{6}{18} \right) \left( \frac{5}{17} \right) \left( \frac{4}{16} \right) + \left( \frac{9}{19} \right) \left( \frac{8}{18} \right) \left( \frac{7}{17} \right) \left( \frac{6}{16} \right)$ $= \frac{161}{3876}$	1M+1M 1A	1M 級 $p_1+p_2$ 及 1M 級分母 接受答案準確至 0.0415
(b) 所求的概率 $= 1 - \frac{161}{3876}$ $= \frac{3715}{3876}$	1M 1A	給 1-(a) 接受答案準確至 0.958
16. (a) 設 $a$ 及 $r$ 分別為該等比數列的第 1 項及公比。 所以，可得 $ar^2 = 144$ 及 $ar^5 = 486$ 。 求解後，可得 $r = 1.5$ 。 故此，可得 $a = 64$ 。 因此，該數列的第 1 項為 64。	1M 1A -----(2)	給任何一項 -----(2)
(b) $64 + 64(1.5) + 64(1.5^2) + \dots + 64(1.5^{n-1}) > 8 \times 10^{18}$ $\frac{64(1.5^n - 1)}{1.5 - 1} > 8 \times 10^{18}$ $1.5^n > 6.25 \times 10^{18} + 1$ $\log 1.5^n > \log(6.25 \times 10^{18} + 1)$ $n \log 1.5 > \log(6.25 \times 10^{18} + 1)$ $n > 95.38167941$ 因此， $n$ 的最小值為 96。	1M 1M 1M 1A -----(3)	-----(2)

解	分	備註
<p>17. (a) <math>g(x)</math>  <math>= x^2 - 2kx + 2k^2 + 4</math>  <math>= x^2 - 2kx + k^2 + k^2 + 4</math>  <math>= (x - k)^2 + k^2 + 4</math>  因此，<math>y = g(x)</math> 的圖像的頂點的坐標為 <math>(k, k^2 + 4)</math>。</p>	1M -----(2)	
<p>(b) 留意 <math>D = (k - 2, k^2 + 4)</math> 及 <math>E = (k + 2, -k^2 - 4)</math>。  將點 <math>(0, 3)</math> 記為 <math>C</math>。</p>	1A	給任何一項
$CD^2 = ((k - 2) - 0)^2 + ((k^2 + 4) - 3)^2$ $= k^4 + 3k^2 - 4k + 5$ $CE^2 = (k + 2 - 0)^2 + ((-k^2 - 4) - 3)^2$ $= k^4 + 15k^2 + 4k + 53$	1M -----	任何一項
$CD^2 = CE^2$ $k^4 + 3k^2 - 4k + 5 = k^4 + 15k^2 + 4k + 53$ $3k^2 + 2k + 12 = 0$ <p>留意 <math>2^2 - 4(3)(12) = -140 &lt; 0</math>。</p> <p>故此，方程 <math>3k^2 + 2k + 12 = 0</math> 沒有實根。</p> <p>因此，這直角坐標系中沒有一點 <math>F</math> 使得 <math>\triangle DEF</math> 的外心的坐標為 <math>(0, 3)</math>。</p>	1M ----- 1A -----(4)	必須顯示理由

解	分	備註
18. (a) $\angle TUV = \angle TWU$ $\angle UTV = \angle UTW$ $\angle TVU = \angle TUW$ $\triangle UTV \sim \triangle WTU$	[交錯弓形的圓周角] [公共角] [△內角和] (AAA)	(AA) [等角]
評分標準： 情況 1 附有正確理由的任何正確證明。 情況 2 未附有正確理由的任何正確證明。	2 1	(2)
(b) (i) $\frac{TW}{TU} = \frac{TU}{TV}$ (藉 (a)) $\frac{TV + VW}{TU} = \frac{TU}{TV}$ $\frac{325 + VW}{780} = \frac{780}{325}$ $VW = 1547 \text{ cm}$ 因此， $C$ 的圓周為 $1547\pi \text{ cm}$ 。	1M 1A	
(ii) 藉 (a)，可得 $UV: UW = TV: TU = 325: 780 = 5: 12$ 。 由於 $VW$ 為 $C$ 的一直徑，可得 $\angle VUW = 90^\circ$ 。 故此，可得 $UV: UW: VW = 5: 12: 13$ 。	1M	
$UV$ $= (1547) \left( \frac{5}{13} \right)$ $= 595 \text{ cm}$	1M	----- ----- 任何一項
$UW$ $= (1547) \left( \frac{12}{13} \right)$ $= 1428 \text{ cm}$		
$\Delta UVW$ 的周界 $= 595 + 1428 + 1547$ $= 3570 \text{ cm}$ $= 35.7 \text{ m}$ $> 35 \text{ m}$ 因此，同意該宣稱。	1A (5)	必須顯示理由

解	分	備註
19. (a) $\frac{PR}{\sin \angle PQR} = \frac{PQ}{\sin \angle PRQ}$ (藉正弦公式) $\frac{PR}{\sin 30^\circ} = \frac{60}{\sin 55^\circ}$ $PR \approx 36.62323766 \text{ cm}$ 由於 $\angle QPR = 95^\circ$ ，可得 $\angle RPS = 25^\circ$ 。 $RS^2 = PS^2 + PR^2 - 2(PS)(PR)\cos \angle RPS$ (藉餘弦公式) $RS^2 \approx 40^2 + 36.62323766^2 - 2(40)(36.62323766)\cos 25^\circ$ $RS \approx 16.90879944$ $RS \approx 16.9 \text{ cm}$ 因此， $RS$ 的長度為 $16.9 \text{ cm}$ 。	1M 1M 1A -----(3)	接受答案準確至 $16.9 \text{ cm}$
(b) 該紙卡的面積 $= \frac{1}{2}(PQ)(PR)\sin \angle QPR + \frac{1}{2}(PR)(PS)\sin \angle RPS$ $\approx \frac{1}{2}(60)(36.62323766)\sin 95^\circ + \frac{1}{2}(36.62323766)(40)\sin 25^\circ$ $\approx 1404.069236$ $\approx 1400 \text{ cm}^2$	1M 1A -----(2)	接受答案準確至 $1400 \text{ cm}^2$
(c) (i) 設 $H$ 為 $P$ 至 $QR$ 的垂足。 $PH = PQ \sin \angle PQH$ $PH = 60 \sin 30^\circ$ $PH = 30 \text{ cm}$ 將 $P$ 在水平地面上的投影記為 $G$ 。 故此，該紙卡與水平地面間的交角為 $\angle PHG$ 。 由此，可得 $\angle PHG = 32^\circ$ 。 $PG = PH \sin \angle PHG$ $PG = 30 \sin 32^\circ$ $PG \approx 15.89757793$ $PG \approx 15.9 \text{ cm}$ 因此，由 $P$ 至水平地面的最短距離為 $15.9 \text{ cm}$ 。	1M 1M 1M 1A -----	任何一項 ----- 接受答案準確至 $15.9 \text{ cm}$
(ii) 將 $S$ 在水平地面上的投影記為 $K$ 。 設 $T$ 為 $PS$ 的延線與 $QR$ 的延線交點， 則可得 $\Delta SKT \sim \Delta PGT$ 及 $PT = PQ$ 。 故此，可得 $SK = \left(\frac{PT - PS}{PT}\right)PG = \left(\frac{PQ - PS}{PQ}\right)PG = \left(\frac{60 - 40}{60}\right)PG = \frac{1}{3}PG$ 。 藉 (c)(i)，可得 $SK = 10 \sin 32^\circ \text{ cm}$ 。 留意 $RS$ 與水平地面間的交角為 $\angle SRK$ 。 $\sin \angle SRK = \frac{SK}{RS}$ $\sin \angle SRK \approx \frac{10 \sin 32^\circ}{16.90879944}$ $\angle SRK \approx 18.26416068^\circ$ 所以，可得 $\angle SRK \leq 20^\circ$ 。 因此，該宣稱正確。	1M 1M 1M 1A -----(7)	必須顯示理由

## 試卷二

題號	答案	題號	答案
1.	C (76)	26.	D (52)
2.	C (85)	27.	C (50)
3.	A (89)	28.	B (54)
4.	A (85)	29.	A (69)
5.	B (63)	30.	A (49)
6.	D (75)	31.	B (67)
7.	C (79)	32.	B (40)
8.	A (33)	33.	D (40)
9.	A (46)	34.	C (48)
10.	B (33)	35.	D (33)
11.	A (68)	36.	C (34)
12.	D (83)	37.	C (42)
13.	D (79)	38.	A (29)
14.	B (41)	39.	A (28)
15.	D (42)	40.	D (23)
16.	B (39)	41.	D (33)
17.	C (48)	42.	A (61)
18.	B (43)	43.	B (56)
19.	B (56)	44.	A (45)
20.	D (70)	45.	C (50)
21.	C (62)		
22.	C (37)		
23.	B (48)		
24.	D (53)		
25.	A (70)		

註： 括號內數字為答對百分率。

## 考生表現

### 試卷一

本年度共有 47 350 考生應考。平均得分為 57 分。考生於甲部的表現一般較乙部為佳。

#### 甲部(1)

題號	一般表現
1	甚佳。超過 85% 考生能化簡給定的數式。
2	甚佳。超過 80% 考生能因式分解給定的數式。
3	甚佳。大部分考生能給出正確的答案。少數考生混淆了上捨入/下捨入與捨入。
4	良好。部分考生誤以為 $a:c=3:4$ 及未能求得 $\frac{b+2c}{a+2b}$ 的值。
5	甚佳。大約 75% 考生能求得在該招聘活動中男申請者的人數。少數考生混淆了男申請者的人數與女申請者的人數。
6 (a)	甚佳。大部分考生能解給定的複合不等式。
(b)	良好。部分考生誤以 -1 為滿足給定的複合不等式的最大負整數。
7 (a)	甚佳。大約 70% 考生能求得 $c$ 。
(b)	良好。部分考生誤以該圖像與 $x$ 軸的交點的坐標作為答案。
8 (a)	甚佳。超過 75% 考生能求得 $\angle BEC$ 。少數考生誤以為 $AC//AE$ 及 $\angle ADB = \angle DBE$ 。少數考生未能指出 $\angle AEB = \angle CAE$ 。
(b)	甚佳。大部分考生能以 $\theta$ 表 $\angle CFE$ 。少數考生未能指出 $\angle BFD = \angle CFE$ 。
9 (a)	甚佳。大部分考生能寫出該分佈的平均值、中位數及標準差。
(b)	良好。部分考生錯誤地指出中位數的改變為 0.5。

甲部(2)

題號	一般表現
10 (a) (b)	甚佳。超過 80% 考生能求得一個高度為 4 cm 的 X 牌紀念品的價錢。
	甚佳。超過 75% 考生能得出該宣稱是不正確的結論，並能給出完整的解釋。
11 (a) (b)	甚佳。大約 75% 考生能利用該分佈的分佈域為其四分位數間距的三倍這事實以求得 $w$ 。少數考生誤以 $w$ 為 56。
	良好。很多考生能求得所抽取的信件的重量不少於該分佈的眾數的概率。部分考生混淆了「不少於」與「多於」，因此誤以所抽取的信件的重量多於該分佈的眾數的概率作為答案。
12 (a) (b)	良好。很多考生能以 $\pi$ 表該圓錐體的中間部分的體積。部分考生混淆了該圓錐體的高與底半徑。
	良好。很多考生能以 $\pi$ 表該圓錐體的中間部分的曲面面積。部分考生混淆了該圓錐體的高與斜高。
13 (a) (b)	平平。很多考生忽略了 $f(x)$ 為三次多項式且當 $f(x)$ 除以 $x^2-1$ 時的商式為線性多項式，因此很多考生未能求得 $k$ 。
	甚差。大部分考生忽略了 $f(0)=24$ 。大約 75% 考生未能得出方程 $f(x)=0$ 所有的根均為整數這結論。
14 (a) (b) (i) (ii) (iii)	良好。很多考生能求得 $C$ 的方程。
	良好。很多考生能描述 $\Gamma$ 與 $L$ 之間的幾何關係。部分考生誤以 $\Gamma$ 為 $L$ 的垂直平分線。
	平平。很多考生忽略了 $\Gamma$ 通過 $A$ ，因此他們未能求得 $\Gamma$ 的方程。
	甚差。大部分考生未能求得 $\angle ABG$ ，因此他們未能解釋為什麼 $\angle GAH > 70^\circ$ 。

乙部

題號	一般表現
15 (a)	甚佳。大部分考生能求得抽出 4 隻相同顏色的碟的概率。
(b)	良好。很多考生能求得抽出至少 2 隻不同顏色的碟的概率。部分考生未能利用 (a) 的結果完成本部。
16 (a)	良好。很多考生能求得該數列的第 1 項。部分考生混淆了等比數列的第 $n$ 項與等差數列的第 $n$ 項。
(b)	平平。很多考生未能求得 $n$ 的最小值使得該數列的首 $n$ 項之和大於 $8 \times 10^{18}$ 。很多考生混淆了該等比數列的首 $n$ 項之和與第 $n$ 項。
17 (a)	良好。很多考生能利用配方法以 $k$ 表該圖像的頂點的坐標。
(b)	甚差。大部分考生未能利用 $D$ 及 $E$ 與點 $(0, 3)$ 等距這條件解釋為什麼這直角坐標系中沒有一點 $F$ 使得 $\triangle DEF$ 的外心的坐標為 $(0, 3)$ 。
18 (a)	平平。很多考生未能利用有關交錯弓形的圓周角之性質完成 $\triangle UTV \sim \triangle W TU$ 的證明。
(b) (i)	良好。很多考生能利用 (a) 以 $\pi$ 表 $C$ 的圓周。
(ii)	平平。大約 75% 考生未能利用 $VW$ 為 $C$ 的一直徑這事實證明 $\triangle UVW$ 的周界超過 35 m。
19 (a)	良好。很多考生能利用餘弦公式求得 $RS$ 的長度。
(b)	平平。很多考生未能把四邊形分成兩個三角形來求該紙卡的面積。
(c) (i)	平平。很多考生誤以 $PR$ 與水平地面間的交角為 $32^\circ$ ，因此他們誤以為由 $P$ 至水平地面的最短距離是 $PR \sin 32^\circ$ 。
(ii)	甚差。超過 90% 考生未能求得 $RS$ 與水平地面間的交角，因此他們於解釋為什麼 $RS$ 與水平地面間的交角至多為 $20^\circ$ 時出現困難。

## 試卷二

本年度共有 47 262 考生應考。本卷共設 45 題多項選擇題。考生平均答對 24 題。試後統計資料顯示下列各點：

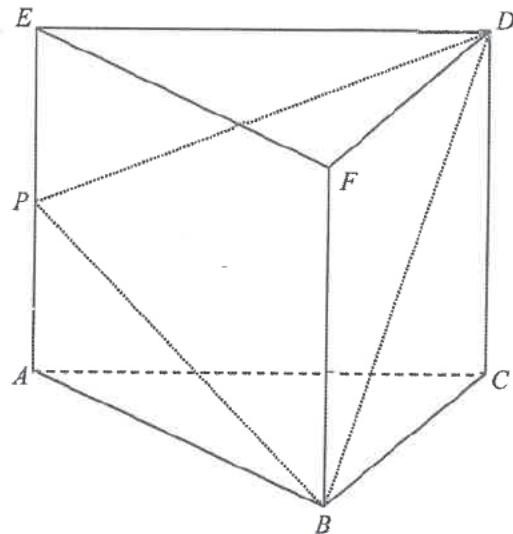
1. 考生在第 1、2、3、4、6、7、12、13 及 25 題中表現良好，答對的考生超過 70%。
2. 考生在第 38、39 及 40 題中表現未如理想，答對的考生少於 30%。
3. 在第 35 題中，很多考生忽略了  $\log a^n = n \log a$  且他們未能察覺  $\log a^{-3}, \log a, \log a^5$  為一等差數列，因此錯誤地選 C 為答案。

Q.35 若  $a > 0$ ，則下列何者為等差數列？

- I.  $\log a^{-3}, \log a, \log a^5$  (17%)
- II.  $8 - 4a, 9 - 5a, 10 - 6a$  (18%)
- III.  $\cos(90 - a)^\circ, \cos 90^\circ, \cos(90 + a)^\circ$  (32%)
- \* D. I 、 II 及 III (33%)

4. 在第 38 題中，很多考生於利用希羅公式求該三角形的面積時出現困難，因此選了錯誤的答案。

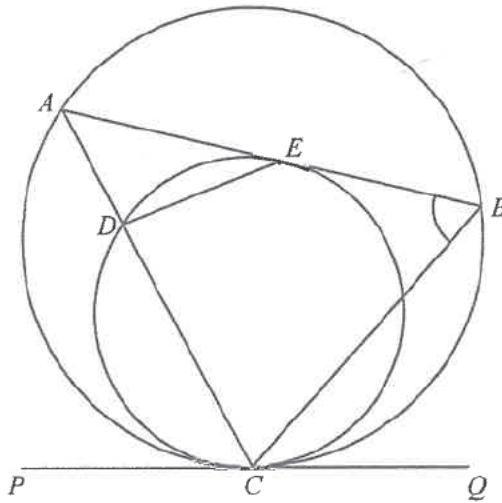
Q.38 圖中， $ABCDEF$  為一直立三棱柱體。 $P$  為  $AE$  上的一點。若  $AB = AC = 12\text{ cm}$ 、 $AP = 9\text{ cm}$ 、 $EP = 5\text{ cm}$  及  $BD = 2k\text{ cm}$ ，求  $\triangle BDP$  的面積。



- \* A.  $\sqrt{(k^2 - 1)(196 - k^2)} \text{ cm}^2$  (29%)
- B.  $\sqrt{(k^2 - 1)(196 + k^2)} \text{ cm}^2$  (26%)
- C.  $\sqrt{(k^2 + 1)(196 - k^2)} \text{ cm}^2$  (27%)
- D.  $\sqrt{(k^2 + 1)(196 + k^2)} \text{ cm}^2$  (18%)

5. 在第 39 題中，很多考生誤以為  $\angle ADE = \angle ABC + \angle BCQ$ ，因此錯誤地選 B 為答案。

Q.39 圖中，ABC 及 CDE 均為圓使得 ADC 為一直線。PQ 為該兩圓在 C 的公切線。AB 為圓 CDE 在 E 的切線。若  $\angle ADE = 100^\circ$  及  $\angle BCQ = 35^\circ$ ，則  $\angle ABC =$



- \* A.  $55^\circ$  。 (28%)
- B.  $65^\circ$  。 (31%)
- C.  $70^\circ$  。 (25%)
- D.  $80^\circ$  。 (16%)

6. 在第 40 題中，很多考生誤以  $a$  為邊  $4x+3y=24$  與邊  $4x-3y=24$  的交點至邊  $x=a$  的垂直距離，因此錯誤地選 C 為答案。

Q.40 某三角形的三邊的方程為  $4x+3y=24$ 、 $4x-3y=24$  及  $x=a$ ，其中  $a$  為一常數。若該三角形的內心的  $x$  坐標為 31，則  $a =$

- A. 15 。 (17%)
- B. 31 。 (29%)
- C. 45 。 (31%)
- \* D. 51 。 (23%)

7. 在第 41 題中，很多考生未能正確地解二次不等式，因此錯誤地選 B 或 C 為答案。

Q.41 求  $c$  值的範圍使得圓  $x^2+y^2-6x+cy-7=0$  與直線  $x-y+9=0$  相交。

- A.  $-56 \leq c \leq 8$  (15%)
- B.  $-8 \leq c \leq 56$  (26%)
- C.  $c \leq -56$  或  $c \geq 8$  (26%)
- \* D.  $c \leq -8$  或  $c \geq 56$  (33%)